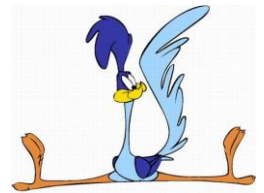
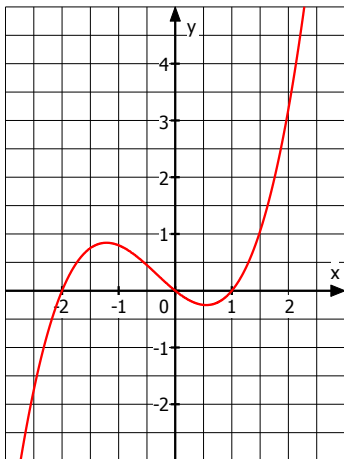


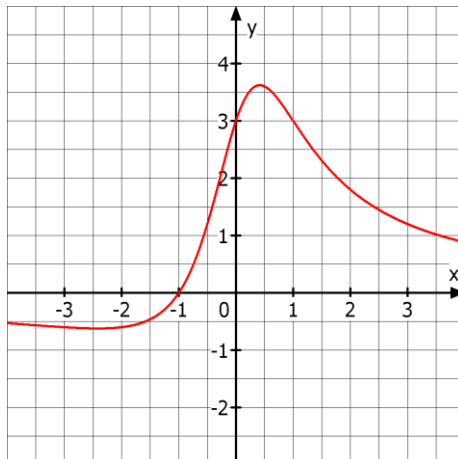
# Q11 \* Mathematik \* Aufgaben zur Ableitungsfunktion



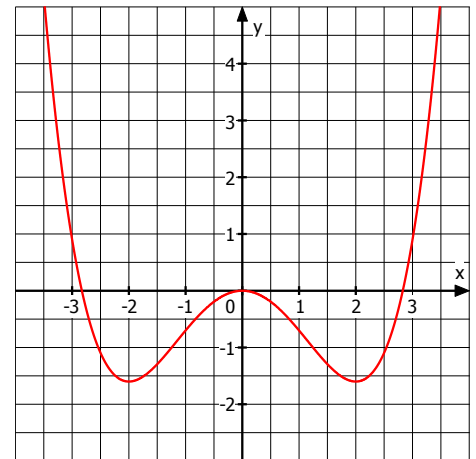
1. Skizzieren Sie zu den Funktionen f, g und h jeweils auch die zugehörige Ableitungsfunktion.



$$f(x) = 0,4 \cdot (x^3 + x^2 - 2x)$$



$$g(x) = \frac{3+3x}{1+x^2}$$



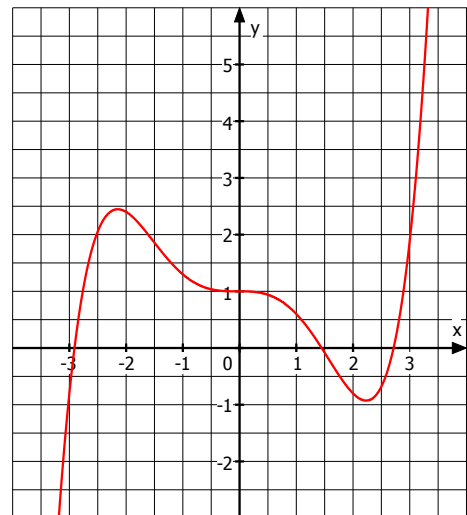
$$h(x) = 0,1 \cdot (x^4 - 8x^2)$$

2. Das Bild zeigt den Graphen der Funktion

$$f(x) = 0,05 \cdot (x^5 - 8x^3 - x^2) + 1$$

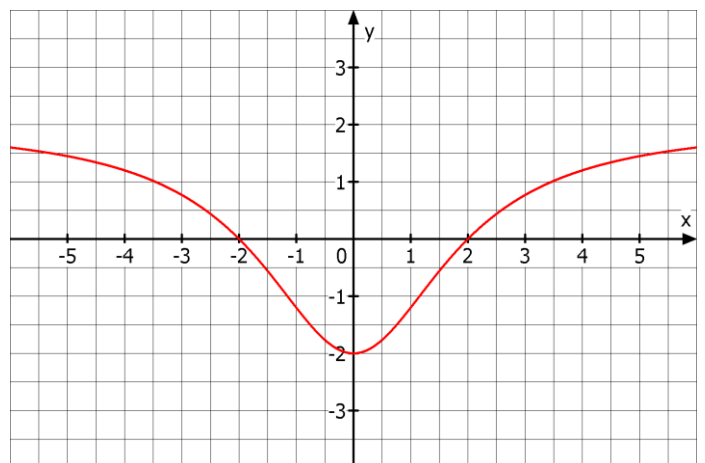
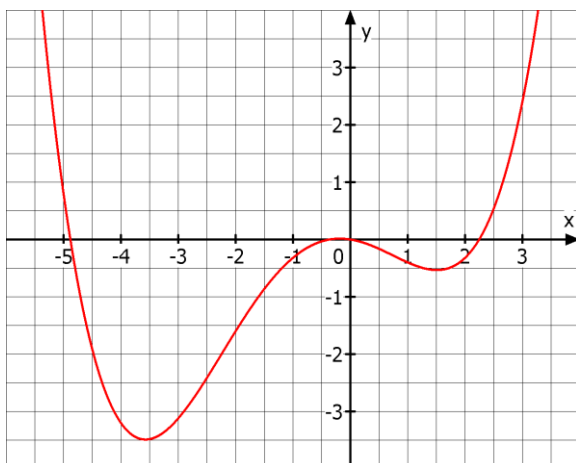
Begründen Sie, ob die folgenden Aussagen über Die Ableitung  $f'$  jeweils wahr oder falsch sind.

- $f'$  hat eine doppelte Nullstelle.
- $f'$  hat drei Nullstellen.
- Der Graph von  $f'$  hat im Intervall  $]-\infty; 0]$  einen Hochpunkt.
- Der Graph von  $f'$  hat im Intervall  $]-\infty; 0]$  einen Tiefpunkt.
- Die Graphen von  $f$  und  $f'$  schneiden sich im Intervall  $[0; 2,5]$  genau einmal.

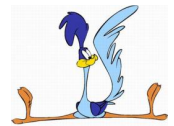


Skizzieren Sie den Graph der Ableitungsfunktion  $f'$ !

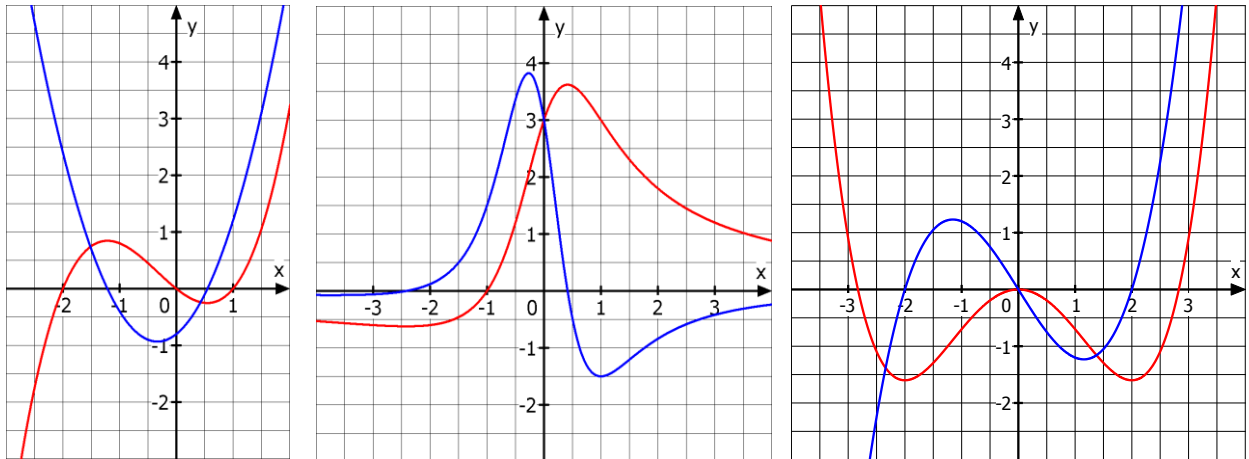
3. Skizzieren Sie jeweils den Graph der Ableitungsfunktion zur abgebildeten Funktion.



Was folgt aus der Achsensymmetrie des Graphen von  $f$  für die Symmetrie des Graphen von  $f'$ ?

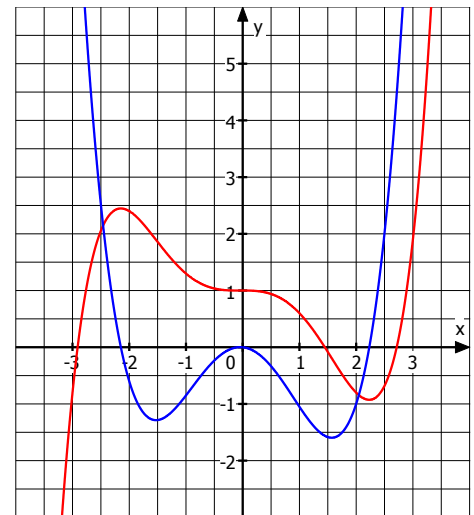


1.

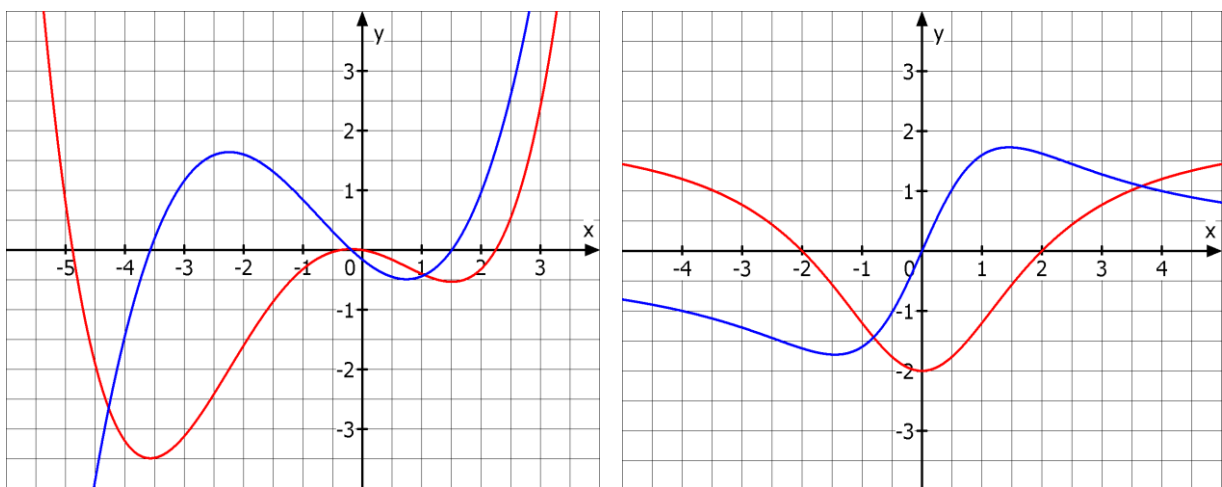


2.

- $f'$  hat eine doppelte Nullstelle bei  $x_1=0$ , da  $f$  bei  $x_1$  eine waagrechte Tangente hat und dort monoton fällt.
- $f$  hat drei Stellen mit waagrechter Tangente und  $f'$  hat damit drei Nullstellen.
- Der Graph von  $f'$  hat im Intervall  $]-\infty; 0]$  keinen Hochpunkt, denn es gibt in diesem Intervall keine „steilste“ Stelle des Graphen von  $f$ .
- Der Graph von  $f'$  hat im Intervall  $]-\infty; 0]$  einen Tiefpunkt, denn es gibt in diesem Intervall für  $G_f$  eine Stelle mit „maximaler negativer“ Steigung.
- Die Graphen von  $f$  und  $f'$  schneiden sich im Intervall  $[0; 2,5]$  genau einmal, denn  $f'(x)$  nimmt in  $[1,5; 2,2]$  von ca. -1,5 auf ca. 0 monoton zu während  $f(x)$  in diesem Intervall von 0 auf ca. -1 abnimmt.



3.



(Hinweis zur Verwendung eines Funktionsplotters:

$$y = 0,04(x^4 + 3x^3 - 10x^2 - 4x) + 0,55 \quad \text{und} \quad y = \frac{2 \cdot (x^2 - 4)}{4 + x^2} )$$

Aus der Achsensymmetrie von  $G_f$  folgt Punktsymmetrie des Graphen von  $f'$ .