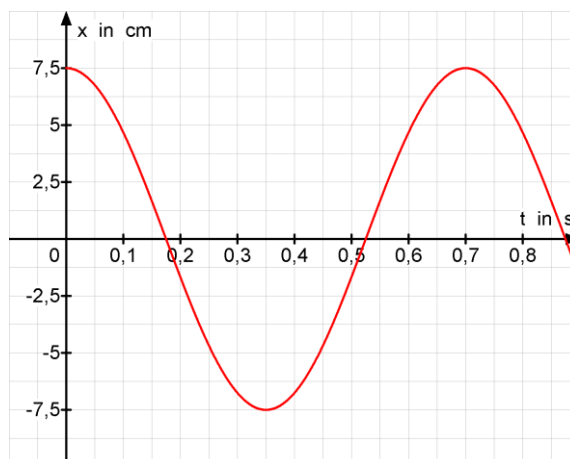


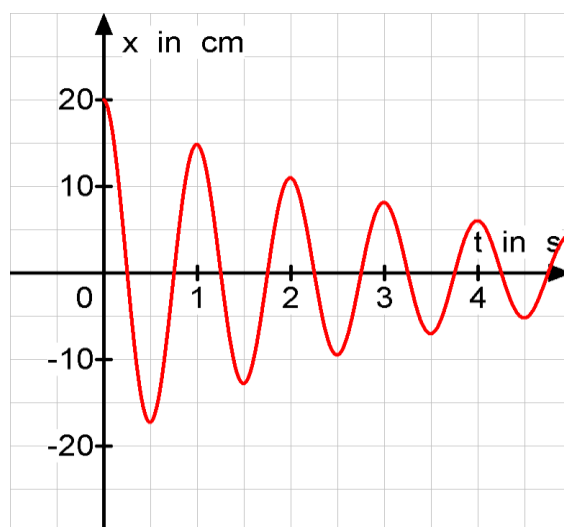
Physik * Jahrgangsstufe 10 * Aufgaben zum Federpendel

1. Das $t - x$ - Diagramm zeigt die Schwingung eines Federpendels. Die Federhärte beträgt dabei $8,0 \text{ N/m}$.



- Geben Sie die Ortsfunktion $x(t)$ an.
- Bestimmen Sie die am Federpendel hängende Masse m .
- Welche maximale Geschwindigkeit erreicht diese Masse beim Schwingen?

2. Das $t - x$ - Diagramm zeigt die Schwingung eines stark gedämpften Federpendels. Die schwingende Masse beträgt dabei 75 g .



- Bestimmen Sie den Wert der Federhärte.
- Welcher Prozentsatz der mechanischen Energie geht pro Schwingung durch die Dämpfung verloren?
- Nach welcher Zeit etwa beträgt die maximale Auslenkung weniger als $1,0 \text{ cm}$?

3. Eine Kugel unbekannter Masse wird an eine Feder unbekannter Federhärte angehängt. Die Feder dehnt sich dabei um 20 cm .

- Zeigen Sie, dass die Kugel mit einer Schwingungsdauer von $0,90 \text{ s}$ schwingen kann.

Nun lenkt man die Kugel aus ihrer Ruhelage um weitere 20 cm nach unten aus.

- Mit welcher Maximalgeschwindigkeit bewegt sich die Kugel dann durch die Ruhelage?

4. Eine Kugel der Masse 200 g wird an einer Feder befestigt und dabei mit der Hand gehalten, so dass die Feder unbelastet bleibt. Lässt man dann die Kugel los, so schwingt sie mit einer Amplitude von $8,0 \text{ cm}$.

Bestimmen Sie die Federhärte, die Schwingungsdauer und die Maximalgeschwindigkeit der Kugel beim Durchgang durch die Ruhelage.

Merke: Für eine harmonische Schwingung mit dem Kraftgesetz $F = -k \cdot x$ gilt

$$T = 2 \cdot \pi \cdot \sqrt{\frac{m}{k}} \quad \text{und} \quad v_{\max} = \sqrt{\frac{k}{m}} \cdot x_{\max} \quad \text{und} \quad a_{\max} = \frac{k}{m} \cdot x_{\max}$$

(Bei einer Feder gilt: $F = -D \cdot x$ mit der so genannten Federhärte D .)

Physik * Jahrgangsstufe 10 * Aufgaben zum Federpendel * Lösungen

1. a) $x(t) = 7,5\text{cm} \cdot \cos\left(\frac{2\pi}{0,70\text{s}} \cdot t\right)$

b) $T = 2 \cdot \pi \cdot \sqrt{\frac{m}{k}} \Rightarrow m = \frac{T^2}{4\pi^2} \cdot D = \frac{(0,7\text{s})^2 \cdot 8,0\text{N/m}}{4\pi^2} = 0,10\text{kg}$

c) $v_{\max} = \sqrt{\frac{D}{m}} \cdot x_{\max} = \sqrt{\frac{8,0\text{N/m}}{0,10\text{kg}}} \cdot 0,075\text{m} = 0,67 \frac{\text{m}}{\text{s}}$

2. a) $T = 2 \cdot \pi \cdot \sqrt{\frac{m}{D}} \Rightarrow D = \frac{4\pi^2}{T^2} \cdot m = \frac{4\pi^2 \cdot 0,075\text{kg}}{(1,0\text{s})^2} = 3,0 \frac{\text{N}}{\text{m}}$

b) $\frac{x_{2,\max}}{x_{1,\max}} = \frac{15\text{cm}}{20\text{cm}} = 0,75 \Rightarrow \frac{E_{\text{ges},2}}{E_{\text{ges},1}} = \frac{0,5 \cdot D \cdot (x_{2,\max})^2}{0,5 \cdot D \cdot (x_{1,\max})^2} = \left(\frac{x_{2,\max}}{x_{1,\max}}\right)^2 = 0,75^2 = 0,5625 \approx 56\%$

Pro Schwingungsdauer gehen also etwa 44% der mechanischen Energie verloren.

c) $\frac{x_{1,\max}}{x_{0,\max}} = \frac{15\text{cm}}{20\text{cm}} = 0,75 \Rightarrow \text{also } x_{n,\max} = 0,75^n \cdot x_{0,\max} = 0,75^n \cdot 20\text{cm}$

$$x_{n,\max} < 1,0\text{cm} \Leftrightarrow 0,75^n \cdot 20\text{cm} < 1,0\text{cm} \Leftrightarrow 0,75^n < \frac{1}{20} \Leftrightarrow n \geq 11 \text{ (durch Probieren)}$$

oder durch Lösen der Exponentialgleichung:

$$0,75^n < \frac{1}{20} \Leftrightarrow n \cdot \lg 0,75 < \lg \frac{1}{20} \Leftrightarrow n > \frac{\lg 0,05}{\lg 0,75} = 10,4\dots$$

Nach etwa 11 Schwingungsdauern (d.h. ca. 11s) beträgt die maximale Auslenkung weniger als 1,0cm.

3. a) $m \cdot g = D \cdot \Delta x \Rightarrow \frac{m}{D} = \frac{\Delta x}{g} = \frac{0,20\text{m}}{9,81 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}}$ und damit $T = 2\pi \cdot \sqrt{\frac{m}{D}} = 2\pi \cdot \sqrt{\frac{0,20\text{m}}{9,81 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}}} = 0,90\text{s}$

b) $v_{\max} = \sqrt{\frac{D}{m}} \cdot x_{\max} = \sqrt{\frac{9,81\text{m/s}^2}{0,20\text{m}}} \cdot 0,20\text{m} = 1,4 \frac{\text{m}}{\text{s}}$

4. Eine Schwingungsamplitude von $x_{\max} = 8,0\text{cm}$ bedeutet, dass beim Anhängen der Masse an die Feder diese um genau 8,0cm gedehnt wird.

Wegen $m \cdot g = D \cdot \Delta x \Rightarrow D = \frac{m \cdot g}{\Delta x} = \frac{0,200\text{kg} \cdot 9,81\text{N/kg}}{0,080\text{m}} = 24,52\dots \frac{\text{N}}{\text{m}} \approx 25 \frac{\text{N}}{\text{m}}$

$T = 2\pi \cdot \sqrt{\frac{m}{D}} = 2\pi \cdot \sqrt{\frac{0,20\text{kg}}{24,5\text{N/m}}} = 0,57\text{s}$ und

$v_{\max} = \sqrt{\frac{D}{m}} \cdot x_{\max} = \sqrt{\frac{24,5\text{N/m}}{0,200\text{kg}}} \cdot 0,080\text{m} = 0,89 \frac{\text{m}}{\text{s}}$