

## Mathematik \* Wiederholungsaufgaben für die Klasse 9 zum Stoff der 8. Klasse

- Ein Kreis hat den Radius  $r$  und den Umfang  $U = 100\text{cm}$ .  
Runde bei allen folgenden Aufgaben angemessen!
  - Wie groß ist der Radius des Kreises? Wie groß der Flächeninhalt?
  - Der Umfang soll um  $20\text{cm}$  zunehmen. Wie muss der Radius dafür geändert werden?
  - Der Umfang wird verdreifacht. Wie verändert sich dabei der Radius bzw. der Flächeninhalt?Die Erde hat einen Radius von etwa  $6370\text{ km}$ .
  - Wie viele Kilometer misst der Äquator?
- Eine Gerade  $g$  geht durch die Punkte  $A(1/4)$  und  $B(-3;1)$ .
  - Zeichne die Gerade in ein Koordinatensystem
  - Bestimme die Funktionsgleichung der Geraden  $g$ .  
Kennst du verschiedene Methoden dafür?
  - Berechne die Koordinaten des Schnittpunktes von  $g$  mit der  $x$ -Achse.
  - Die Gerade  $h$  wird durch  $4x + 5y = 2$  beschrieben.  
Trage  $h$  in die Zeichnung aus 2a) ein.  
Bestimme aus der Zeichnung näherungsweise die Koordinaten des Schnittpunktes  $S$  der beiden Geraden.
  - Berechne nun die Koordinaten von  $S$ .
- Peter wirft gleichzeitig zwei Würfel.
  - Mit welcher Wahrscheinlichkeit würfelt Peter zwei Sechser?
  - Mit welcher Wahrscheinlichkeit würfelt Peter keinen Sechser?
  - Mit welcher Wahrscheinlichkeit würfelt Peter zwei verschiedene Ziffern?
  - Mit welcher Wahrscheinlichkeit würfelt Peter zwei aufeinander folgende Ziffern?
  - Mit welcher Wahrscheinlichkeit würfelt Peter die Augensumme 5?
- Ein Rechteck  $R1$  mit der Seitenlänge  $a = 6\text{cm}$  hat den Flächeninhalt  $A = 90\text{cm}^2$ .
  - Gib die Seitenlängen von zwei verschiedenen Rechtecken an, die zum Rechteck  $R1$  ähnlich sind.
  - Wie groß sind die Seitenlängen eines zu  $R1$  ähnlichen Rechtecks mit dem Flächeninhalt  $40\text{cm}^2$ .
  - Wann sind zwei Dreiecke zueinander ähnlich?
- Löse die folgenden Gleichungen.
  - $2x - 3 = 12$
  - $0,5x + 2 = 2x - 4,5$
  - $5 \cdot (0,2x + 3,5) - 2 = 2 \cdot (x + 6,25)$
  - $\frac{3}{x-2} = \frac{2}{5x}$
- Findest Du durch geschicktes Probieren eine Lösung der Gleichung?
  - $x^2 = \frac{36}{225}$
  - $x^2 = \frac{18}{98}$
  - $(x-1)^2 = 7,25 - 2x$Hans behauptet, dass es jeweils mehr als nur eine Lösung gibt. Hat Hans Recht?

## Wiederholungsaufgaben für die Klasse 9 zum Stoff der 8. Klasse \* Lösungen

1. a)  $U = 2 \cdot r \cdot \pi$  und  $A = r^2 \cdot \pi$  (mit  $\pi \approx 3,14$  oder  $\pi \approx 2\frac{1}{7}$ ) ;

also  $100\text{cm} = 2 \cdot r \cdot \pi$  d.h.  $r = \frac{100\text{cm}}{2 \cdot \pi} \approx 15,9\text{cm}$

$A = r^2 \cdot \pi = r \cdot r \cdot \pi = r \cdot \frac{1}{2} U \approx 15,9\text{cm} \cdot \frac{1}{2} \cdot 100\text{cm} = 795\text{cm}^2$

b)  $U_{\text{neu}} = U + 20\text{cm} = U + 0,2 \cdot U = 1,2 \cdot U$  und da  $U$  und  $r$  zueinander proportional sind, muss auch der Radius auf das 1,2-fache zunehmen.

$r_{\text{neu}} = 1,2 \cdot r \approx 1,2 \cdot 15,9\text{cm} \approx 19,1\text{cm}$

c) Der Radius verdreifacht sich ebenfalls! Also  $r_{\text{neu}} = 3 \cdot r \approx 3 \cdot 15,9\text{cm} = 47,7\text{cm}$

Wegen  $A = r^2 \cdot \pi$  und damit  $A$  proportional zu  $r^2$  vergrößert sich der Flächeninhalt auf das  $3^2 = 9$ -fache des ursprünglichen Wertes.

d)  $U = 2 \cdot r \cdot \pi \approx 2 \cdot 6370\text{km} \cdot 3,14 = 40003,6\text{km} \approx 40000\text{km}$

2. a) siehe Bild

b)  $y = m x + t$

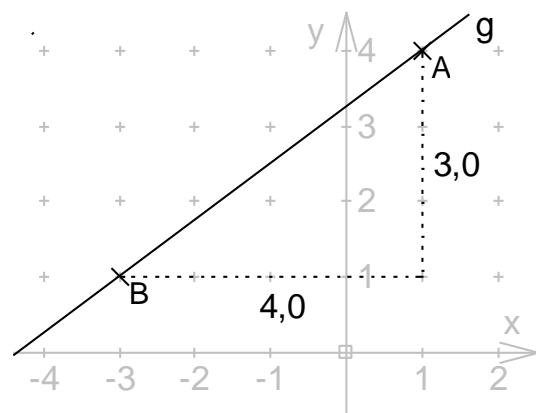
Steigung  $m = \frac{3}{4} = 0,75$

also  $y = 0,75 x + t$

Punkt A(1/4) einsetzen:

$4 = 0,75 \cdot 1 + t \Rightarrow t = 3,25$

und damit  $y = 0,75 x + 3,25$



Oder beide Punkte A(1/4) und B(-3/1) in  $y = m x + t$  einsetzen:

(1)  $4 = m \cdot 1 + t \Rightarrow t = 4 - m$  in (2) eingesetzt:

(2)  $1 = m \cdot (-3) + t$

$1 = -3m + 4 - m \Rightarrow 4m = 3 \Rightarrow m = 0,75$  in (1) eingesetzt:

$t = 4 - m = 4 - 0,75 = 3,25$

also  $y = 0,75 x + 3,25$

c) Schnittpunkt mit x-Achse:

in  $y = 0,75 x + 3,25$  muss  $y = 0$  gelten, d.h.  $0 = 0,75 x + 3,25$  also  $x = -4\frac{1}{3}$

Die x-Achse wird im Punkt  $(-4\frac{1}{3} / 0)$  geschnitten.

d)  $S \approx (-1,8 / 1,9)$

e)  $S(x_s / y_s)$  liegt auf beiden Geraden, d.h. es gilt

(1)  $y_s = 0,75 x_s + 3,25$  in (2) eingesetzt

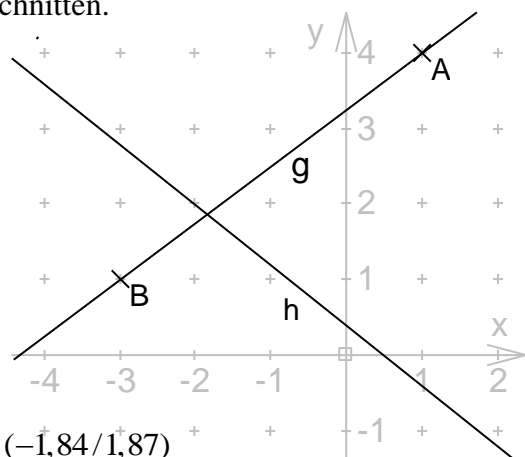
(2)  $4x_s + 5y_s = 2$

$4x_s + 5 \cdot (0,75 x_s + 3,25) = 2 \Rightarrow$

$4x_s + 3,75 x_s + 16,25 = 2 \Rightarrow$

$7,75 x_s = -14,25 \Rightarrow x_s = -1\frac{26}{31} \approx -1,84$

$y_s = 0,75 x_s + 3,25 = 1\frac{27}{31} \approx 1,87$  also  $S \approx (-1,84 / 1,87)$



3. a)  $P(\text{"2 Sechser"}) = \frac{1}{6 \cdot 6} \approx 2,8\%$   
 b)  $P(\text{"kein Sechser"}) = \frac{5 \cdot 5}{6 \cdot 6} = \frac{25}{36} \approx 69,4\%$   
 c)  $P(\text{"2 verschiedene Ziffern"}) = \frac{6 \cdot 5}{6 \cdot 6} = \frac{5}{6} \approx 83,3\%$   
 d)  $P(\text{"2 aufeinanderfolgende Ziffern"}) = \frac{5 \cdot 2}{6 \cdot 6} = \frac{5}{18} \approx 27,8\%$   
 e)  $5 = 1+4 = 2+3 = 3+2 = 4+1$  ; also  $P(\text{"Augensumme 5"}) = \frac{4}{6 \cdot 6} = \frac{1}{9} \approx 11,1\%$

4. Rechteck R1 hat die Seitenlängen  $a = 6\text{cm}$  und  $b = 90\text{cm}^2 : 6\text{cm} = 15\text{cm}$ .

- a)  $a : b = 6 : 15 = 2 : 5$  , jedes zu R1 ähnliche Rechteck hat damit zwei Seitenlängen, die im Verhältnis  $2 : 5$  stehen.

Z.B. liefert  $a_1 = 2\text{cm}$  und  $b_1 = 5\text{cm}$  ein ähnliches Rechteck.

Und das gilt auch für  $a_2 = 4\text{cm}$  und  $b_2 = 10\text{cm}$ .

- b) Es muss gelten: (1)  $a : b = 2 : 5$  d.h.  $a = 0,4 b$   
 (2)  $a \cdot b = 40\text{cm}^2$

Setzt man (1) in (2) ein, so erhält man

$$0,4 \cdot b \cdot b = 40\text{cm}^2 \Rightarrow b \cdot b = 100\text{cm}^2 \Rightarrow b = 10\text{cm} \text{ und } a = 4\text{cm}$$

- c) Zwei Dreiecke sind zueinander ähnlich, wenn z.B. gilt:

↓ Die beiden Dreiecke stimmen in zwei Winkeln überein.

↓ Das Verhältnis der drei Seiten stimmt in den beiden Dreiecken überein,  
 d.h.  $a_1 : b_1 : c_1 = a_2 : b_2 : c_2$

5. a)  $2x - 3 = 12 \Rightarrow 2x = 15 \Rightarrow x = 7,5$

b)  $0,5x + 2 = 2x - 4,5 \Rightarrow 6,5 = 1,5x \Rightarrow x = \frac{6,5}{1,5} = \frac{65}{15} = \frac{13}{3} = 4\frac{1}{3}$

c)  $5 \cdot (0,2x + 3,5) - 2 = 2 \cdot (x + 6,25) \Rightarrow x + 17,5 - 2 = 2x + 12,5 \Rightarrow 15,5 = x + 12,5 \Rightarrow x = 3$

d)  $\frac{3}{x-2} = \frac{2}{5x} \Rightarrow \frac{3 \cdot 5x}{(x-2) \cdot 5x} = \frac{2 \cdot (x-2)}{5x \cdot (x-2)} \Rightarrow 3 \cdot 5x = 2 \cdot (x-2) \Rightarrow$

$$15x = 2x - 4 \Rightarrow 13x = -4 \Rightarrow x = -\frac{4}{13}$$

6. a)  $x^2 = \frac{36}{225}$  für x passt sowohl  $\frac{6}{15} = \frac{2}{5} = 0,4$  als auch  $-0,4$ .

Hans hat also nicht Recht.

b)  $x^2 = \frac{18}{98} \Leftrightarrow x^2 = \frac{9}{49} \Leftrightarrow x = \frac{3}{7}$  oder  $x = -\frac{3}{7}$ .

c)  $x^2 - 2x + 1 = 7,25 - 2x \Leftrightarrow x^2 = 6,25 \Leftrightarrow x^2 = 2,5^2$

$x = 2,5$  oder  $x = -2,5$  passen also als Lösungen!

Man sagt auch, es gibt die beiden Lösungen  $x_1 = 2,5$  und  $x_2 = -2,5$